



Jurusan Matematika
FMIPA
UNIVERSITAS ANDALAS

Prosiding

Seminar Nasional Matematika dan Pendidikan Matematika 2012
Peranan Matematika Sebagai Ilmu Pengetahuan Dasar dalam
Meningkatkan Mutu Pendidikan Nasional



Padang, 31 Oktober 2012

ISBN: 978-602-95343-2-0



KATA PENGANTAR

KATA PENGANTAR	ii
DAFTAR ISI	iii
KOMBINATORIKA	
Gema Hista Medika Pelabelan <i>Vertex-Graceful</i> Pada Graf-(5,6)	2
Ismail Mulia Hasibuan Pelabelan Total Sisi-Super Ajaib Pada Graf Atap	13
Narwen Aplikasi Algoritma Kruskal yang Diperluas untuk Menentukan Semua <i>Minimum Spanning Tree</i> dengan Kendala	18
ANALISIS DAN MATEMATIKA TERAPAN	
Ahmad Iqbal Baqi Estimasi Tingkat Kematian Bayi Dan Rata-Rata Umur Melahirkan Kabupaten Kepulauan Mentawai Propinsi Sumatera Barat Tahun 2005 Dengan Menggunakan Metoda Feeney	27
Andi Susanto Kestabilan Lokal Titik Equilibrium Model Dasar Infeksi Virus untuk Hepatitis B	34
Arrival Rince Putri Aplikasi Kontrol H_2 dan Kontrol H_∞ Pada Sistem Suspensi Minibus	45
Mahdhivan Syafwan Variational Approximations for Solitons in a Parametrically Driven	52

Muhafzan

Kriteria Eksistensi Pengontrol Optimal Masalah Kontrol Kuadratik Horizon Hingga Terkendala Sistem Singular Linier 59

Siska Yosmar

Premi Tunggal Bersih Asuransi Jiwa Endowmen Unit Link dengan Garansi 64

Zulakmal

Turunan Polinomial Fungsi $\tan(x)$ dan $\sec(x)$ 73

Desi Rahmatina

Analisis *Variabel Observed* dan Variabel Moderasi pada *Structural Equation Modeling* 81

Irmeilyana, Endro S. Cahyono & Novi Marlina

Penerapan Analisis Dua Grup untuk Melihat Kemiripan Antar Jurusan di FMIPA Universitas Sriwijaya 90

Maiyastri

Penyelidikan Data Ujian nasional (UN) Dengan Statistika Deskriptif (Studi Kasus Pada Dua Sekolah Menengah Atas di Padang) 99

Rado Yendra, A.A. Jemain, W.Z. Wan Zin, Rahmadeni, Ari Pani D

Perbandingan Beberapa Metoda Dalam Mensimulasi Data Hujan Untuk Menangkap Hujan Maksimum/Ekstrim (Metoda Peluang, Rantai Markov, Neyman Scott Rectangular Pulse (NSRP)) 108

Tika Yuliana, Admi Nazra dan Dodi Devianto

Teorema Inversi Pada Fungsi Karakteristik untuk Sebaran Cauchy 118

Winalia Agwil, Izzati Rahmi HG dan Hazmira Yozza

Prediksi Luas Area Kebakaran Hutan Berdasarkan Data Meteorologi dengan Menggunakan Pendekatan Multivariate Adaptive Regression Splines (MARS) 123

Yuhefizar, Budi Santosa, I Ketut Eddy P. & Yoyon K. Suprpto

Klasterisasi Pengunjung Web Berdasarkan Data Web Log Menggunakan Metoda K-Means 132

Yuliana Permatasari, Admi Nazra dan Dodi Devianto Eksistensi Integral Bagian Imajiner pada Formula Inversi Fungsi Karakteristik untuk Sebaran Seragam	141
PENDIDIKAN MATEMATIKA	
Fatia Fatimah Penerapan Tutorial Online Mata Kuliah Pemodelan Matematis Pada Universitas Terbuka	149
Jalinus Peningkatan Pembelajaran Matematika Menggunakan Model Pembelajaran Quantum Teaching pada Siswa Kelas IV SD Negeri 164 Pekanbaru	158
Jesi Alexander Alim Penerapan Pembelajaran Kooperatif Tipe <i>Team Games Tournament</i> (TGT) untuk Meningkatkan Hasil Belajar Siswa Kelas IVc Sekolah Dasar Negeri 133 Pekanbaru	167
Laswadi dan Nur Rusliah Pengembangan Bahan Ajar Matematika Interaktif Berbasis Komputer Pada Topik Lingkaran Untuk Siswa Kelas VIII MTs	174
Mimi Hariyani dan Susilawati Pembelajaran Matematika Metode Penemuan Terbimbing untuk Meningkatkan Pemahaman Konsep dan Kemampuan Penalaran Matematik Siswa SDN se-Kecamatan Rokan IV Koto	190
Risnawati Pengaruh Model <i>Problem Based Instruction</i> (PBI) dalam Pendekatan <i>Aptitude Treatment Interaction</i> (ATI) terhadap Pemahaman Konsep Matematika dan <i>Self-Efficacy</i> Siswa di SMPN Kota Pekanbaru	200
Risnawati Pengaruh Model <i>Problem Based Instruction</i> (PBI) dalam Pendekatan <i>Aptitude Treatment Interaction</i> (ATI) terhadap Pemecahan Masalah Matematika dan <i>Self-Regulated</i> Siswa di SMPN Kota Pekanbaru	213

Susilawati, Mimi Hariyani, Theresia Lidya Nova Disposisi Matematik Mahasiswa Calon Guru Madrasah Ibtidaiyah	225
Usmadi Geometri Suatu Sistem Deduktif-Aksiomatis (Suatu Alternatif Bagi Dasar Pembelajaran Geometri)	234

Prediksi Luas Area Kebakaran Hutan Berdasarkan Data Meteorologi dengan Menggunakan Pendekatan *Multivariate Adaptive Regression Splines* (MARS)

Winalia Agwil¹, Izzati Rahmi HG² & Hazmira Yozza²

Jurusan Matematika, FMIPA, Universitas Andalas, Padang
email : wina_chou@yahoo.com

Abstrak. Luas area kebakaran hutan dapat diduga berdasarkan data meteorologi antara lain adalah koordinat sumbu x spasial suatu lokasi dalam peta, koordinat sumbu y spasial suatu lokasi dalam peta, bulan, hari, indeks FFMC, indeks DMC, indeks DC, indeks ISI, temperatur, kelembaban relatif, kecepatan angin dan curah hujan. Pendugaan terhadap luas area kebakaran hutan dapat diduga dengan menggunakan pendekatan *Multivariate Adaptive Regression Spline* (MARS). Data yang digunakan adalah data meteorologi wilayah Portugal. Hasil pendugaan luas area kebakaran hutan dengan menggunakan MARS menghasilkan beberapa variabel yang berpengaruh secara signifikan antara lain : FFMC, hari, temperatur, DMC, kelembaban relatif, bulan, koordinat sumbu y spasial suatu lokasi dalam peta, DC, dan koordinat sumbu x spasial suatu lokasi dalam peta dengan tingkat kepentingan berturut-turut 100%, 90.9%, 73.5%, 34.5%, 25.1%, 23.1%, 19.6%, 17.9% dan 5.7%.

Kata Kunci : Kebakaran Hutan, Data Meteorologi, *Multivariate Adaptive Regression Spline* (MARS).

1 PENDAHULUAN

Hutan merupakan salah satu sumber daya alam yang memiliki peran penting dan bermanfaat bagi manusia. Kebakaran hutan adalah kebakaran yang terjadi dalam kawasan hutan. Kebakaran hutan biasanya terjadi baik disengaja maupun tanpa sengaja. Terjadinya kebakaran hutan seringkali diakibatkan oleh faktor kesengajaan manusia oleh beberapa kegiatan seperti kegiatan ladang, PIR (Perkebunan Inti Rakyat), HTI (Hutan Tanaman Industri), penyiapan lahan untuk ternak sapi, dan sebagainya. Sekitar 90% kejadian kebakaran hutan disebabkan karena kurangnya pengawasan dalam melakukan kegiatan-kegiatan tersebut. Kebakaran hutan juga bisa disebabkan oleh faktor ketidaksengajaan yang disebabkan oleh faktor alami ataupun karena kelalaian manusia.

Melihat tingginya angka kejadian kebakaran hutan pada saat ini, banyak peneliti kebakaran hutan mencari cara untuk menanggulangnya. Salah satunya adalah dengan menerapkan *Fire Danger Rating System* (FDRS) yaitu suatu sistem yang dikembangkan di Kanada untuk menentukan peringkat bahaya kebakaran regional. Subsistem dari *Fire Danger Rating System* adalah FWI (*Fire Weather Index*) atau indeks cuaca kebakaran yang berguna untuk melihat pengaruh cuaca terhadap kelembaban bahan bakar dan perilaku kebakaran, selain itu juga untuk melihat intensitas laju kebakaran dan ketersediaan bahan bakar.

Berdasarkan indeks-indeks pada sistem FWI beserta data meteorologi lainnya seperti kelembaban relatif, curah hujan, temperatur dan kecepatan angin, dapat diprediksikan/diperkirakan kemungkinan luasnya area kebakaran hutan di suatu lokasi tertentu. Prediksi ini sangat penting agar dapat dilakukanantisipasi terhadap dampak kebakaran hutan tersebut. Salah satu pendekatan yang dapat dilakukan adalah MARS (*Multivariate Adaptive Regression Splines*). MARS (*Multivariate Adaptive Regression Splines*) merupakan pendekatan regresi nonparametrik yang menghasilkan pemodelan regresi yang fleksibel untuk data dengan variabel prediktor $3 \leq k \leq 20$ dan ukuran contoh $50 \leq n \leq 1000$. Bentuk model MARS merupakan perluasan hasil kali fungsi basis *spline*, dimana jumlah fungsi basis beserta parameter parameternya (derajat hasil kali, lokasi *knot*) ditentukan oleh data dengan menggunakan algoritma *recursive partitioning* yang dimodifikasi.

2 MARS (*Multivariate Adaptive Regression Spline*)

Pada tahun 1990, Jerome H. Friedman memperkenalkan metode MARS sebagai suatu metode baru yang mengotomatiskan pembangunan model-model prediktif akurat untuk variabel-variabel respon kontinu dan biner. Model MARS difokuskan untuk mengatasi permasalahan dimensi yang tinggi dan diskontinuitas pada data. Selain itu, MARS merupakan pengembangan dari pendekatan *Recursive Partition Regression* (RPR) yang masih memiliki kelemahan dimana model yang dihasilkan tidak kontinu pada *knot*[4].

Beberapa hal yang perlu diperhatikan dalam membangun model MARS yaitu:

- a. *Knot*, merupakan nilai variabel prediktor ketika *slope* suatu garis regresi mengalami perubahan yang dapat didefinisikan sebagai akhir dari satu segmen sekaligus merupakan awal dari segmen yang lain. Di setiap titik *knot*, diharapkan adanya kontinuitas dari fungsi basis antar satu *region* dengan *region* lainnya. Minimum jarak antara *knot* atau minimum observasi antara *knot* (MO) sebesar 0, 1, 2, dan 3.
- b. *Basis Function* (fungsi basis), yaitu selang antar *knot* yang berurutan. Pada umumnya fungsi basis yang dipilih adalah berbentuk polinomial dengan turunan

yang kontinu pada setiap titik *knot*. Maksimum fungsi basis (B) yang diijinkan adalah 2-4 kali jumlah variabel prediktornya.

- c. *interaction* (interaksi) yaitu *cross product* antar variabel yang saling berhubungan atau berkorelasi. Jumlah maksimum interaksi (MI) yang diperbolehkan adalah 1, 2, dan 3 dengan asumsi bahwa jika $MI > 3$ akan menghasilkan model yang semakin kompleks dan model akan sulit untuk diinterpretasi.

Model MARS adalah sebagai berikut :

$$\hat{f}(x) = \alpha_0 + \sum_{m=1}^M \alpha_m \prod_{k=1}^{k_m} (S_{km} (X_{V(k,m)} - t_{km}))_+,$$

dengan :

- α_0 = konstanta regresi dari fungsi basis
 α_m = koefisien dari fungsi basis ke- m , $m = 1, \dots, M$
 M = maksimum fungsi basis (*nonconstant* fungsi basis),
 km = derajat interaksi,
 $S_{km} = \begin{cases} +1, & \text{jika } \textit{knot} \text{ terletak dikanan subregion} \\ -1, & \text{jika } \textit{knot} \text{ terletak dikiri subregion} \end{cases}$,
 $x_{v(k,m)}$ = variabel prediktor,
 t_{km} = nilai *knots* dari variabel prediktor $x_{v(k,m)}$.

Koefisien $\{\alpha_m\}_{m=1}^M$ ditentukan dengan metode kuadrat terkecil. Model MARS juga dapat ditulis dalam bentuk sebagai berikut :

$$\hat{f}(x) = \alpha_0 + \alpha_1 B_1 + \alpha_2 B_2 + \alpha_3 B_3 + \dots + \alpha_M B_M$$

Pemilihan *knots* pada MARS menggunakan algoritma *forward stepwise* dan *backward stepwise*. Adapun langkah dalam *forward stepwise*[5]:

- a. Misalkan $B_0 = I$ sebagai fungsi basis awal
 b. Tentukan pasangan fungsi basis $B_1 = (x_1 - t)_+$ dan $B_2 = (t - x_1)_+$ yang merupakan kombinasi prediktor x_1 dan *knot* t sehingga model

$$y = \alpha_0 + \alpha_1 B_1 + \alpha_2 B_2$$

Memiliki jumlah kuadrat sisaan minimum. α_0 , α_1 dan α_2 diduga dari metode kuadrat terkecil.

- c. Misalkan B_m adalah salah satu fungsi basis yang sudah ada didalam model sebelumnya. Jika m fungsi basis telah dimasukkan, tentukan perkalian dari B_m dengan $(x_m - t)_+$ atau $(t - x_m)_+$ sehingga jika $B_m (x_m - t)_+$ dan $B_m (t - x_m)_+$ ditambahkan ke dalam model maka akan dihasilkan model dengan jumlah kuadrat sisaan terkecil.
 d. Ulangi langkah (c) sehingga banyaknya fungsi basis dalam model lebih atau sama dengan maksimum banyaknya fungsi basis yang telah ditetapkan.

Setelah diperoleh model dari langkah *forward stepwise* kemudian dilanjutkan dengan langkah *backward stepwise* yaitu :

- Mulai dari model yang diperoleh pada tahap prosedur *forward* yang memiliki M fungsi basis.
- Hapus salah satu fungsi basis tidak konstan yang memiliki kontribusi terkecil. Berdasarkan kriteria kuadrat terkecil, fungsi basis yang memiliki kontribusi terkecil adalah fungsi basis yang jika dihilangkan dari model sebelumnya akan menyebabkan terjadinya kenaikan jumlah kuadrat sisaan terkecil.
- Ulangi langkah (b), sampai model hanya mengandung fungsi basis konstan.

Prosedur *backward* ini menghasilkan sekuens model yang tersarang, $f_m(m=1,2,\dots)$. Model terbaik ditentukan berdasarkan kriteria *Generalized Cross-Validation* (GCV) yang diperkenalkan oleh Wahba pada tahun 1979. Fungsi GCV didefinisikan sebagai berikut :

$$GCV(M) = \frac{1/N \sum_{i=1}^N [y_i - \hat{f}_M(x_i)]^2}{[1 - (C(M))/N]^2}$$

dengan :

M = jumlah fungsi basis

x_i = variabel prediktor

y_i = variabel respon

N = banyaknya pengamatan

$C(M) = \text{Trace} [\mathbf{B}(\mathbf{B}^T \mathbf{B})^{-1} \mathbf{B}^T] + 1$

Pada model MARS dilakukan uji signifikansi fungsi basis yang meliputi uji bersamaan dan uji individu. Uji signifikansi yang dilakukan secara bersamaan/serentak terhadap fungsi basis-fungsi basis yang terdapat dalam model MARS ini bertujuan untuk mengetahui apakah secara umum model MARS terpilih merupakan model yang sesuai dan menunjukkan hubungan yang tepat antara variabel prediktor dengan variabel respon. Hipotesis yang digunakan adalah :

$H_0: \alpha_1 = \alpha_2 = \dots = \alpha_m = 0$

$H_1: \text{ada } \alpha_j \neq 0, j = 1, 2, \dots, m$

Hipotesis nol (H_0) akan ditolak jika $F_{hitung} > F_{\alpha(v_1, v_2)}$ artinya tidak terdapat pengaruh fungsi basis terhadap model. Nilai $F_{\alpha(v_1, v_2)}$ diperoleh dari tingkat signifikansi α serta $v_1 = k$ dan $v_2 = n - k - 1$ dengan n adalah banyaknya sampel dan k adalah banyaknya fungsi basis yang berkontribusi terhadap model. Nilai F_{hitung} diperoleh dari perhitungan berikut

$$F_{hitung} = \frac{\sum_{i=1}^n (\hat{y}_i - \bar{y})^2 / k}{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2 / n - k - 1}$$

Kemudian akan dilakukan pengujian untuk masing – masing fungsi basis yang bertujuan untuk mengetahui apakah fungsi basis yang terbentuk mempunyai

pengaruh signifikan terhadap model, selain itu ingin diketahui pula apakah model yang memuat parameter tersebut telah mampu menggambarkan keadaan data yang sebenarnya. Hipotesisnya adalah sebagai berikut :

$$H_0: \alpha_j = 0$$

$$H_1: \alpha_j \neq 0, j = 1, 2, \dots, m$$

Hipotesis nol (H_0) akan ditolak jika $t_{hitung} \geq t_{(\alpha/2, v_2)}$ artinya tidak terdapat pengaruh variabel prediktor dengan variabel respon pada fungsi basis ke- j di dalam model. Nilai $t_{(\alpha/2, v_2)}$ diperoleh dengan derajat bebas $v_2 = k$ dan tingkat signifikansi α dan nilai t_{hitung} diperoleh dari

$$t_{hitung} = \frac{\alpha_j}{s_{\alpha_j}},$$

dengan s_{α_j} merupakan standar error α_j yang diperoleh dari

$$s_{\alpha_j} = \sqrt{\left(\frac{\sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2}{n - k - 1} \right) C_{jj}}$$

3 Metodologi Penelitian

Data yang digunakan pada penelitian ini adalah data sekunder yang diperoleh dari penelitian P. Cortez and A. Morais tentang kebakaran hutan 200 lokasi di wilayah Portugal. Data diperoleh dari [1].

Variabel respon Y menunjukkan luas area kebakaran dalam hektar (Ha). Kemudian variabel X dipilih berdasarkan informasi dari penelitian sebelumnya tentang faktor yang menyebabkan kejadian kebakaran hutan. Adapun variabel prediktor sebagai berikut:

- X_1 : Koordinat sumbu x spasial suatu lokasi dalam peta. Variabel ini memiliki nilai mulai dari 1 sampai 10.
- X_2 : Koordinat sumbu y spasial suatu lokasi dalam peta. Variabel ini memiliki nilai mulai dari 1 sampai 10.
- X_3 : Bulan kebakaran hutan. Variabel bulan memiliki skala nominal dengan 12 kategori (1 jika Januari, 2 jika Februari, 3 jika Maret, 4 jika April, 5 jika Mei, 6 jika Juni, 7 jika Juli, 8 jika Agustus, 9 jika September, 10 jika Oktober, 11 jika November dan 12 jika Desember).
- X_4 : Hari terjadinya kebakaran hutan. Variabel hari memiliki skala nominal dengan 7 kategori (1 jika Senin, 2 jika Selasa, 3 jika Rabu, 4 jika Kamis, 5 jika Jumat, 6 jika Sabtu dan 7 jika Minggu).

- e. X_5 : Indeks kelembaban bahan bakar halus atau *Fine Fuel Moisture Code* (FFMC). FFMC memiliki nilai mulai dari 18.7 s/d 96.20.
- f. X_6 : Angka peringkat rata-rata kadar air dari bahan organik permukaan atau *Duff Moisture Code* (DMC). DMC memiliki nilai mulai dari 1.1 s/d 291.3.
- g. X_7 : Angka peringkat rata-rata kadar air dari bahan organik dibawah permukaan atau *Drought Code* (DC). DC memiliki nilai mulai dari 7.9 s/d 860.6.
- h. X_8 : Angka peringkat dari dugaan/harapan kecepatan api atau *Initial Spread Index* (ISI). ISI memiliki nilai mulai dari 0.0 s/d 56.1.
- i. X_9 : Temperatur (dalam Celcius) yang bernilai dari 2.2 s/d 33.3.
- j. X_{10} : Kelembaban relatif (dalam %). Kelembaban memiliki nilai mulai dari 15 s/d 100.
- k. X_{11} : Kecepatan angin (dalam km/jam). Kecepatan angin memiliki nilai mulai dari 0.4 s/d 9.4.
- l. X_{12} : Curah hujan (dalam mm/m²) yang memiliki nilai dari 0.0 s/d 6.4.

Adapun langkah-langkah dalam penelitian ini adalah

- a. Mengkombinasikan besarnya *basis function* (B), *Maximum Interaction* (MI) dan *Minimum Observation* (MO) pada data yang digunakan dengan cara:
 - 1. Menentukan kemungkinan maksimum banyaknya *basis function* (B) yaitu 2-4 kali jumlah prediktor yang akan digunakan. Kemungkinan maksimum banyaknya fungsi basis pada penelitian ini adalah 24, 36 dan 48.
 - 2. Menentukan jumlah maksimum interaksi ($Max-I$), yaitu 1,2 dan 3
 - 3. Menentukan minimal jumlah pengamatan setiap *knots* ($Min-O$), yaitu 0, 1,2 dan 3.
- b. Menetapkan model terbaik dengan didasarkan pada nilai GCV minimum yang diperoleh dengan mengkombinasikan maksimum B , MI , dan MO .
- c. Menduga koefisien model ($\alpha_0, \alpha_1, \dots, \alpha_m$). Model MARS yang diperoleh adalah sebagai berikut:

$$\hat{f}(x) = \alpha_0 + \alpha_1 B_1 + \alpha_2 B_2 + \dots + \alpha_m B_m$$

$\hat{f}(x)$ merupakan luas area kebakaran hutan, α_0 adalah konstanta, α_m adalah koefisien fungsi basis ke- m sedangkan B_m merupakan fungsi basis ke- m .

- d. Mengelompokkan fungsi basis berdasarkan variabel prediktor yang masuk dalam model.
- e. Menginterpretasikan tingkat kontribusi dan pengurangan GCV variabel yang mempunyai kepentingan dalam pengelompokan variabel respon.
- f. Menguji keakurasian prediksi model MARS yang terbentuk dari data, uji dilakukan secara bersamaan dan individual pada setiap fungsi basis.

4 Analisis Dan Pembahasan

Model terbaik pada model MARS adalah model dengan nilai GCV paling kecil. Berdasarkan kombinasi fungsi basis 24, 36 dan 48 dengan maksimum interaksi 1, 2 atau 3 dan minimum observasi 0, 1, 2 dan 3, GCV paling kecil diperoleh jika digunakan maksimum $B=36$, $MI=3$ dan $MO=1$ yaitu $GCV=559,61529$ dan $R^2=0.95759$, dimana jumlah variabel prediktor yang signifikan mempengaruhi model sebanyak 9 dari 12 variabel prediktor.

$$Y = 7.7048 - 3584.89 B_3 + 2473.69 B_5 + 38.6398 B_7 - 692.119 B_8 \\ + 10.8058 B_9 + 38.6108 B_{10} - 39.9882 B_{11} + 16.5518 B_{15} \\ + 80.9686 B_{18} - 3.84012 B_{21} - 0.164255 B_{22} + 0.203328 B_{23} \\ + 4.29203 B_{24} + 2.42603 B_{25} + 1.23225 B_{27} + 41.4178 B_{29} \\ + 9.3096 B_{31} - 88.1878 B_{35}$$

dengan :

$$\begin{aligned} B_1 &= (X_4 = 6), & B_{18} &= \max(0, 3 - X_2) B_{13} \\ B_2 &= (X_4 = 1,2,3,4,5,7), & B_{21} &= \max(0, X_7 - 601.4) B_{13} \\ B_3 &= \max(0, X_5 - 92.5) B_1, & B_{22} &= \max(0, 601.4 - X_7) B_{13} \\ B_5 &= \max(0, X_5 - 92.2) B_1, & B_{23} &= \max(0, X_6 - 32.8) B_{13} \\ B_7 &= \max(0, X_9 - 21.4) B_5, & B_{24} &= \max(0, 32.8 - X_6) B_{13} \\ B_8 &= \max(0, 21.4 - X_9) B_5, & B_{25} &= \max(0, X_7 - 664.2) B_{13} \\ B_9 &= \max(0, X_6 - 145.4) B_5, & B_{27} &= \max(0, X_7 - 466.3) B_{13} \\ B_{10} &= \max(0, 145.4 - X_6) B_5, & B_{29} &= \max(0, X_1 - 8) B_2 \\ B_{11} &= \max(0, X_{10} - 31) B_5, & B_{31} &= \max(0, X_2 - 3) B_1 \\ B_{13} &= (X_3 = 7, 9, 10, 2) B_2, & B_{35} &= \max(0, X_5 - 92.5) B_3 \\ B_{15} &= \max(0, X_9 - 23.9) B_{13}, \end{aligned}$$

Interpretasi dari koefisien-koefisien fungsi basis pada model MARS diatas adalah :

$B_3 = \max(0, X_5 - 92.5) B_1$ dengan koefisien -3584.89 : Luas area kebakaran hutan di daerah dengan $FFMC > 92.5$ pada hari Sabtu akan berkurang sebesar 3584.89 Ha bila nilai B_3 naik sebesar 1 satuan.

$B_5 = \max(0, X_5 - 92.2) B_1$ dengan koefisien 2473.69 : Luas area kebakaran hutan di daerah dengan $FFMC > 92.2$ pada hari Sabtu akan bertambah sebesar 2473.69 Ha bila nilai B_5 naik sebesar 1 satuan.

$B_7 = \max(0, X_9 - 21.4) B_5$ dengan koefisien 38.6398 : Luas area kebakaran hutan di daerah dengan $FFMC > 92.2$ dan temperatur > 21.4 pada hari Sabtu akan bertambah sebesar 38.6398 Ha bila nilai B_7 naik sebesar 1 satuan.

$B_8 = \max(0, 21.4 - X_9) B_5$ dengan koefisien -692.119 : Luas area kebakaran hutan di daerah dengan $FFMC > 92.2$ dan temperatur < 21.4 pada hari Sabtu akan berkurang sebesar 692.119 Ha bila nilai B_7 naik sebesar 1 satuan.

Demikian seterusnya untuk interpretasi fungsi basis lainnya.

Pada model MARS yang telah diperoleh dilakukan uji signifikansi yang meliputi uji fungsi basis secara keseluruhan (secara serempak/bersama) dan uji masing-masing fungsi basis. Uji signifikansi (keberartian) yang dilakukan secara bersamaan untuk fungsi basis–fungsi basis yang terdapat pada model MARS menggunakan hipotesis sebagai berikut :

$$H_0 : \alpha_3 = \alpha_5 = \alpha_7 = \alpha_8 = \alpha_9 = \alpha_{10} = \alpha_{11} = \alpha_{15} = \alpha_{18} = \alpha_{21} = \alpha_{22} = \alpha_{23} \\ = \alpha_{24} = \alpha_{25} = \alpha_{27} = \alpha_{29} = \alpha_{31} = \alpha_{35} = 0$$

$$H_1 : \text{ada } \alpha_j \neq 0$$

dengan $j = 3, 5, 7, 8, 9, 10, 11, 15, 18, 21, 22, 23, 24, 25, 27, 29, 31$ dan 35

Berdasarkan hasil pengolahan MARS diperoleh nilai $F_{hitung} = 209,99131$. Dengan $\alpha = 0,05$, nilai $v_1 = 18$ dan $v_2 = 181$ diperoleh nilai $F_{0,05(18,181)} = 1,57$, karena $F_{hitung} > 1,57$ maka keputusan yang diambil adalah menolak H_0 yang berarti terdapat paling tidak satu α_j yang tidak sama dengan nol atau dengan kata lain terdapat paling tidak satu fungsi basis yang memuat variabel prediktor yang berpengaruh terhadap variabel respon.

Uji yang dilakukan secara individual terhadap setiap fungsi basis menggunakan hipotesis sebagai berikut :

$$H_0 : \alpha_j = 0$$

$$H_1 : \alpha_j \neq 0$$

dengan $j = 3, 5, 7, 8, 9, 10, 11, 15, 18, 21, 22, 23, 24, 25, 27, 29, 31$, dan 35 . Dalam pengujian ini digunakan $\alpha = 0.05$ sehingga $t_{(0,025;181)} = 1,96$

Karena untuk semua fungsi basis diperoleh $t_{hitung} > 1.96$ maka diputuskan untuk tolak H_0 yang berarti bahwa semua fungsi basis yang terpilih dalam model MARS memiliki pengaruh terhadap variabel respon.

Tingkat kepentingan variabel prediktor pada MARS ditaksir dari perubahan nilai GCV yang disebabkan oleh perpindahan variabel – variabel diatas. Urutan variabel yang berkontribusi terhadap model MARS adalah $FFMC$, hari, temperatur, DMC , kelembaban relatif, bulan, koordinat sumbu y spasial suatu lokasi dalam peta, DC , dan koordinat sumbu x spasial suatu lokasi dalam peta dengan tingkat kepentingan berturut-turut 100%, 90.9%, 73.5%, 34.5%, 25,1%,23.1%, 19.6%, 17.9% dan 5.7%.

5 Kesimpulan

Berdasarkan penelitian yang telah dilakukan diperoleh nilai $R^2 = 0.958$ yang berarti variabel prediktor yang berkontribusi dalam model MARS dapat menjelaskan keragaman variabel respon dalam penelitian ini yaitu luas area kebaran hutan sebesar 95.8%. Dari 12 variabel prediktor yang diteliti pada penelitian ini ternyata hanya 9 variabel prediktor yang berkontribusi terhadap model MARS, yaitu FFMC, hari, temperatur, DMC, kelembaban relatif, bulan, koordinat sumbu y spasial suatu lokasi dalam peta, DC, dan koordinat sumbu x spasial suatu lokasi dalam peta.

Daftar Pustaka

1. Anonim. 2012. *Forest Fire*. <http://www.dsi.uminho.pt/~pcortez/fires>. diakses pada 2 Februari 2012
2. Anonim. 2001. *MARSTM User Guide*. Salford Systems, Inc. www.salfordsystems.com. Diakses pada 2 Februari 2012.
3. Beck, J.A. 2002. *Forecasting Diurnal Variations In Fire Intensity to Enhance Wildland Fire Fighter Safety*. Compiler and Editor, Flannigan.
4. Friedman, J.H. 1991. *Multivariate Adaptive Regression Splines*. *The Annals of Statistics* 19 : 1-67.
5. Zhang, H and B.H. Singer. 2010. *Recursive partitioning and Applications ed.2th*. Springer, New York.